тего множителя вблизи момента формирования эха и от соотношения времени поперечной обратимой релаксации T^{*} и T (т₂). Период модуляции T (т.) имеет определенное значение для различных сигналов эха, что также существенно в определении формы откликов системы. Например, для $I = 5 \text{ Co}^{60}$ при $\tau_3^3 = 7 \tau_{1/3}$, $9 \tau_{1/2}$ период модуляции квадрупольными взаимодействиями имеет значение $\pi/2a$, а при $\tau_2^3 = \tau_1 - 2\pi/a$, при $\tau_3^3 = \tau_1/8$. . Зт. /8, 5т. /8, 7т. /8, 9т. /8, -π/8а, при т. = 7т. /4, т. /4а и т. д. В результате форма сигналов эха в принципе в различные моменты времени отличается. $\hat{\Psi}_{ro}$ касается эха при $\tau_1/10, 3\tau_1/10, 7\tau_1/10, 9\tau_1/10,$ то они не модулированы вообще.

Наблюдение эха в УРГИ является информативным в исследованиях электрических квадрупольных взаимодействий в ферромагнетиках. Эффект модуляции амплитуды эхас изменением т1, а также определенная зависимость ее от соотношения ω_1 и a, чувствительность к знаку a, наконец, форма сигнала эха в принципе позволяют получить богатую информацию о величинах а и ω₁. Изменение ориентации монокристалла изменяет угол θ и, следовательно, влияет на эффект модуляции.

Литература

- Callaghan P. T., Johnston P. D., Stone N. J. J. Phys. C.: Sol. St. Phys., 1974, vol. 7, p. 3161-3181.

- p. 3161-3181.
 [2] Wilson G. V. H., Chaplin D. H. Hyp. Int., 1981, vol. 10, p. 1081-1100.
 [3] Maxmypamoea J. H. M3B. AH CCCP, 1986, T. 50, № 12, c. 2296-2303.
 [4] Back P. J., Chaplin D. H., Foster H. R., Stewart G. A., Wilson G. V. H. Hyp. Int., 1985, vol. 22, p. 193-198.
 [5] Foster H. R., Cooke P., Chaplin D. H., Lynam P., Wilson G. V. H. Phys. Rev. Let 1977, vol. 38, N 26, p. 1546-1549.
 [6] Abe H., Yasuoka H., Hirat A. J. Phys. Soc. Jap., 1966, vol. 21, N 1, p. 77-89.

Казанский государственный педагогический институт Казань

Поступило в Редакцию 25 января 1988 г.

NAK 537.685, 539.2

Физика твердого тела, том 30, с. 6, 1988 Solid State Physics, vol. 30, M 6, 1988

ЧИСЛЕННОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ СПЕКТРАЛЬНОЙ ДИФФУЗИИ В СТЕКЛАХ: НЕЛИНЕЙНОЕ РЕЗОНАНСНОЕ ПОГЛОЩЕНИЕ И ВЫЖЖЕННАЯ ДЫРА

Д. А. Паршин, В. Н. Соловьев

Известно, что многие свойства стекол при низких температурах обусловлены существованием в них так называемых двухуровневых систем (ДУС) [1]. В настоящей работе проведены численные расчеты нелинейного резонансного поглощения и выжженной дыры. Этим вопросам посвящено много работ [²⁻⁴], однако количественная теория при больших интенсивностях развита недостаточно. Связано это с тем, что рассматриваемые эффекты осложнены явлением спектральной диффузии — случайного изменения во времени энергии разонансной ДУС е за счет взаимодействия с тепловыми ДУС (расстояние между уровнями, энергии которых $E \leqslant T$, где T — температура) [²⁻⁴]. Взаимодействие переменного поля частоты ω с резонансной ДУС характеризуются матричным элементом $\hbar F/2$ для перехода между уровнями, где F есть не что иное как частота Раби для резонансной ДУС (частота когерентных осцилляций заселенности ДУС под действием резонансного возмущения). Другим параметром теории является

ширина γ уровней резонансной ДУС, обусловленная испусканием и поглощением фононов с энергией е. Взаимодействие с тепловыми ДУС имеет характерную величину $1/\tau_d = D^2 P T/\hbar \rho v^2$, где P — плотность состояний ДУС, ρ — плотность стекла, v — средняя скорость звука, D — некоторое среднее значение деформационного потенциала. Наконец, важна частота скачков тепловых ДУС Γ_0 , равная $\Gamma_0 \simeq D^2 T^3 / \rho \hbar^4 v^5$. В типичной для эксперимента ситуации имеем $\gamma \ll \Gamma_0 \ll \sqrt{\Gamma_0/\tau_d}$. Для нее и будут проведены все расчеты.

Рассмотрим систему из N равновероятно распределенных в объеме Vтепловых ДУС. Радиус-вектор r_i *i*-й тепловой ДУС определяется тройкой чисел: (x_i, y_i, z_i) , задаваемой генератором случайных чисел (ГСЧ). В начало системы координат поместим резонансную ДУС. Среднее расстояние между тепловыми ДУС $r_0 = (3V/4\pi N)^{1/3}$. Изменение собственной частоты резонансной ДУС, обусловленное взаимодействием с тепловыми соседями, равно

$$\Delta \omega (t) = \sum_{i=1}^{N} J_0 \left(\frac{r_0}{r_i}\right)^3 \xi_i (t).$$
⁽¹⁾

Здесь $\xi_i - cлучайная функция времени, описываемая телеграфным про$ цессом. Она попеременно принимает значения <math>+1 и -1 в случайные моменты времени. Средняя частота скачков равна Γ_0 . Заметим, что $1/\tau_d \simeq J_0$.

Времена жизни соответственно резонансной и тепловой ДУС равны $1/\gamma$ и $1/\Gamma_0 \ll 1/\gamma$. В течение временного интервала $\Delta t = 1/\Gamma_0 N$ случайно выбранная ГСЧ тепловая ДУС совершает скачок. На следующем шаге переворачивается какая-нибудь другая (или та же самая) тепловая ДУС и т. д. На каждом *i*-м шаге для данного *z* решается система уравнений для диагональной *n* и недиагональной *f* компонент матрицы плотности резонансной ДУС [⁴]

$$\frac{\partial n}{\partial t} = -\ddot{i} (n - n_0) - F \operatorname{Re} f,$$

$$\frac{\partial \operatorname{Re} f}{\partial t} = F\left(n - \frac{1}{2}\right) + s \operatorname{Im} f - \ddot{i} \operatorname{Re} f,$$

$$\frac{\partial \operatorname{Im} f}{\partial t} = -s \operatorname{Re} f - \frac{\ddot{i}}{2} \operatorname{Im} f.$$
(2)

Эдесь $n_0 = [\exp(e/T+1)]^{-1}$ — равновесная заселенность верхнего уровня резонансной ДУС; $z = \omega - e/\hbar$ — величина отстройки резонансной ДУС; $s = z - \Delta \omega(t)$.

Для численного решения системы (2) использована неявная схема интегрирования. Для уравнения $du/dt + \psi(u, t) = 0$ она имеет вид $u^{i+1} = u^i + \frac{\Delta t}{2} (\psi^i + \psi^{i+1})$ [5].

В моменты времени $t\!=\!k/\gamma$ ($k\!=\!1,2,\ldots$) находятся средние

$$\operatorname{Re}\langle f\rangle_{k} = \frac{\Delta t}{k/\gamma} \sum_{i=1}^{k/\gamma} \operatorname{Re} f^{i}, \qquad (3)$$

$$\langle n-n_0 \rangle_k = \frac{\Delta t}{k/\gamma} \sum_{i=1}^{k/\gamma} (n^i - n_0).$$
 (4)

Проверяется также неравенство, имеющее место в стационарном случае

$$\operatorname{Re}\langle f \rangle_{k} = -\frac{\gamma}{F} \langle n - n_{j} \rangle \tag{5}$$

и вытекающее из первого уравнения системы (2). Если средние (3) и (4) на k-м и (k+1)-м отрезках времени равны в пределах заданной точности, а также с той же степенью точности выполняется равенство (5), опреде-

20 Физика твердого тела, вып. 6, 1988

ляется «стационарный» коэффициент поглощения для резонансной ДУС с фиксированной расстройкой z

 $a (z) = -\frac{2}{F} \operatorname{He} \langle f \rangle.$ (6)

Далее расчет производится для другого $\alpha(z)$, и суммарный коэффициент поглощения $\alpha(F)$ для заданной конфигурации тепловых ДУС находится интегрированием $\alpha(z)$ по всем z (дающим существенный вклад). Затем расчет повторяется для новой случайной конфигурации и полученные результаты усредняются.



Рис. 1. Зависимость нелинейного коэффициента поглощения в стационарном случае.

Штрихпунктирной прямой проведена зависимость $\alpha \sim F^{-2}$.



Рис. 2. Нестационарный случай.



В нестационарном режиме усреднение (3) и расчет коэффициента поглощения производились для текущего значения времени $t=(1, 2, ...) \Delta t$. Для формы выжженной дыры имеем [4]

$$\Delta Q = \left\langle \int de \Delta n_{\omega - e/\hbar} (t) \,\delta \left(\omega_1 - e/\hbar - \Delta \omega (t) \right) \right\rangle_t = \left\langle \Delta n_{\omega - \omega_1 + \Delta \omega (t)} (t) \right\rangle \equiv \Delta Q (\omega - \omega_1), \quad (7)$$

где ω_1 — частота пробного импульса малой интенсивности, а $\Delta n_z(t) = n - n_0$ в момент времени *t* для резонансной ДУС с отстройкой, равной *z*. Из (7) следует алгоритм расчета. Действительно, найдем $\Delta n(t)$ для всех возможных значений отстройки *z*. Тогда, согласно (7), для каждого момента времени следует выбрать такое Δn , для которого имеет место равенство $\omega - \omega_1 + \Delta \omega(t) = z$. Интеграл по всем *t* для выбранных таким образом Δn и определяет форму выжженной дыры.

Расчеты проводились для следующего набора данных: число тепловых ДУС N=50, $\Gamma_0=1$, $\gamma=0.1$, $J_0=10$, шаг при интегрировании по отстройке dz=0.3, число конфигураций, по которым проводилось усреднение 10, точность расчета $\simeq 5$ %.

Результаты расчета приведены на рис. 1-3. Из рис. 1 видно, что, начиная с критического значения поля $F_r \simeq \sqrt{\gamma/\tau_r}$ [4], коэффициент поглощения а убывает с ростом интенсивности ~ F⁻², т. е. обратно пропорционально интенсивности. В ряде опытов наблюдалась зависимость F⁻¹ [²]. Дело, видимо, заключается в том, что в выполненных экспериментах дли-



Рис. 3. Форма выжженной дыры в стационарном случае. $1 - \text{npu} F = 0.2 < F_c, 2 - \text{npu} F = 3 > F_c.$

тельность импульса была достаточно малой, так что не устанавливалось настоящего стационарного режима. Об этом свидетельствуют данные нестационарного поглощения. Из рис. 2 следует, что на малых временах (длительностях импульса) $t < 1/\gamma$, $1/\Gamma_0$, для коэффициента поглощения имеет место зависимость а $\sim F^{-1}$, тогда как начиная с времен $t>1/\Gamma_0$ зависимость коэффициента поглощения стремится к виду $\alpha \sim F^{-2}$.

Форма выжженной дыры (рис. 3) не является лоренцевой, что следовало бы из решения обычных уравнений Блоха. Видно, что с ростом интенсивности ширина дыры возрастает и при $F > F_c$ ее значение равно $\Delta \simeq 1/\tau_d$, что хорошо согласуется с оценками [4]. Авторы выражают благодарность Ю. М. Гальперину, В. Л. Гуревичу,

В. И. Козубу на полезное обсуждение результатов работы.

Литература

- [1] Amorphous solids: Low-temperature properties. Ed. by W. A. Phillips. Berlin-Heidelberg-New York: Springer-Verlag, 1981. p. 165.
 [2] Hunklinger S., Arnold W. Ultrasonic Properties of Glasses at Low Temperatures Physical Acoustics, 1976, vol. 12, p. 155-215.
 [3] Black J. L., Halperin B. I. Phys. Rev. B, 1977, vol. 16, N 7, p. 2879-2893.
 [4] Гуревич В. Л., Гальперин Ю. М., Паршин Д. А. ЖЭТФ, 1984, т. 87, № 6, с. 2178-2192; Письма ЖЭТФ, 1987, т. 45, № 2, с. 85-88.
 [5] Иютер Л. Выцисципенные методы в физиксе М.: Мир. 1975. 392 с.

[5] Поттер Д. Вычислительные методы в физике. М.: Мир, 1975. 392 с.

Криворожский государственный педагогический институт Кривой Рог

Поступило в Редакцию 28 января 1988 г.

1891